

Варіант 1

Частина третя

Розв'язання задач 3.1 – 3.4 повинно мати обґрунтування. У ньому потрібно записати послідовні логічні дії та пояснення, зробити посилання на математичні факти, з яких випливає те чи інше твердження. Якщо потрібно, проілюструйте розв'язання схемами, графіками, таблицями.

3.1. Побудуйте графік функції $y = 8 + 2x - x^2$. Користуючись графіком, знайдіть:

- 1) область значень даної функції;
- 2) при яких значеннях x функція набуває додатних значень.

3.2. Відстань між двома містами дорівнює 93 км. З одного міста в друге вийхав велосипедист. Через годину назустріч йому з другого міста вийхав інший велосипедист, швидкість якого була на 3 км/год більша за швидкість першого. Велосипедисти зустрілись на відстані 45 км від першого міста. Знайдіть швидкість кожного велосипедиста.

3.3. Складіть квадратне рівняння, корені якого на три більші за відповідні корені рівняння $x^2 - 8x + 2 = 0$.

3.4. Сторони трикутника дорівнюють 8 см, 9 см і 13 см. Знайдіть медіану трикутника, проведену до його найбільшої сторони.

Частина четверта

Розв'язання задач 4.1 – 4.3 повинно мати обґрунтування. У ньому потрібно записати послідовні логічні дії та пояснення, зробити посилання на математичні факти, з яких випливає те чи інше твердження. Якщо потрібно, проілюструйте розв'язання схемами, графіками, таблицями.

4.1. Знайдіть розв'язки нерівності $|x+2|(|x^2-a^2|) > 0$ залежно від значення параметра a .

4.2. Доведіть, що при будь-якому натуральному n значення виразу $7^n \cdot 2^{3n} - 3^{2n}$ кратне 47.

4.3. Доведіть, що в опуклому чотирикутнику сума діагоналей менша від периметра.